

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

Ministère de l'enseignement Supérieur
et de la recherche Scientifique
ECOLE NORMALE SUPERIEURE
Vieux -kouba (ALGER)
Département de Mathématique



وزارة التعليم العالي والبحث العلمي
المدرسة العليا للأساتذة
القبلة القديمة (الجزائر)
قسم الرياضيات

سطوح ريمان

مذكرة لنيل شهادة استاذ التعليم الثانوي

إعداد الطالبان:

* غدير محمد

* موزاية رفيق

تحت إشراف الأستاذة:

بن حسين مريم

لجنة المناقشة:

رئيسا

الاستاذة: هبول دوجة

ممتحنا

الاستاذ : دبة

مشرفا

الاستاذة : بن حسين مريم

السنة الدراسية 2004/2005

محتويات المذكرة

المقدمة.....3

الفصل الأول: الزمرة الأساسية

1- تعاريف :.....4

2- الزمرة الأساسية.....6

3- أمثلة: إيجاد الزمرة الأساسية لك من:

9 - الفضاء IR^n

10 - غلاف كرة ريمان.....

12 - الدائرة.....

الفصل الثاني: التغطيات القانونية

1- تعاريف.....17

2- أمثلة.....18

الفصل الثالث: سطوح ريمان

1- السطح المنتظم.....21

2- توجيه السطوح في IR^322

3- أمثلة.....22

4- سطح ريمان.....25

5- أمثلة.....26

6- النظرية الأساسية.....28

الخاتمة.....33

المراجع.....34

مقدمة:

من بين مواضيع هندسة ريمان نجد سطوح ريمان وهو موضوع مذكرتنا ، والتي نبدءها بطرح السؤالين: 1- ما هو سطح ريمان ؟

2-كيف ظهرت سطوح ريمان ؟

بالنسبة لسطح ريمان هو فضاء طوبولوجي مترابط ذو البعد 2 ، أما للإجابة على السؤال الثاني نقدم مثالا يوضح سبب ظهور هذه السطوح ، ليكن f تابعا من C نحو C والمعرف كما يلي:

$$f(z) = \sqrt{z}$$

إن الحسابات في التوابع المتعددة القيم في بعض الأحيان ثقيلة و معقدة دفعت ريمان إلى إيجاد فكرة يحول التوابع متعددة القيم إلى توابع أحادية القيمة، وذلك بتغيير ميدان تعريفها عن طريق لصق (Recollement) عدة تمثيلات (صفائح ، وريقات) لهذا الميدان، ويتحصل مفهوم سطح ريمان.

الهدف من هذا الموضوع هو إعطاء مفهوم سطح ريمان و إثبات المبرهنة الأساسية لريمان التي تقول : كل سطح لريمان مترابط ببساطة يشاكل المستوي المركب أو قرص الوحدة أو سطح كرة الوحدة في الفضاء.

و قد قسمنا دراستنا إلى أربعة فصول، ففي الفصل الأول عالجتنا فيه الزمر الأساسية و ذكرنا فيه الترابط بالأقواس، المنحنيات، و عرفنا علاقة التكافؤ فيها كما تعرضنا إلى حساب الزمر الأساسية لبعض الفضاءات مثل: سطح كرة الوحدة في الفضاء، الدائرة، الفضاء IR^n و بالنسبة للفصل الثاني تطرقنا إلى دراسة التغطية القانونية ، و أثبتنا أن المستوي المركب و قرص الوحدة و سطح كرة الوحدة في الفضاء تغطيات قانونية.

و أخيرا درسنا في الفصل الثالث سطوح ريمان بإعطاء بعض التعاريف ، و أمثلة حول السطوح القابلة للتوجيه من جهة ولسطوح ريمان من جهة أخرى، ثم قدمنا برهان النظرية الأساسية لريمان (نظرية التسوية) التي إقتصرنا فيها على الأجزاء المفتوحة والمختلفة عن C .