

Ministère de l'enseignement  
supérieur et de la recherche  
scientifique

ECOLE NORMALE SUPERIEURE

Vieux-Kouba (ALGER)

Département de Mathématiques



وزارة التعليم العالي والبحث العلمي

المدرسة العليا للأساتذة

القبة القديمة - الجزائر

قسم الرياضيات

## مذكرة تخرج لنيل شهادة أستاذ التعليم الثانوي

# المتاليات التراجعية الخطية

تحت إشراف الأستاذ:

أحمد آيت مختار

إعداد:

- أم هانئ شداد
- زهية مصطفاوي

نوقشت يوم: 27-06-2004 من طرف اللجنة:

- الأستاذ: عبد الرحمن جعدان (رئيسا)
- الأستاذ: أحمد آيت مختار (مشرفا)
- الأستاذ: محمد الطاهر طالبي (ممتحنا)
- الأستاذ: محمد حازى (ممتحنا)

السنة الجامعية : 2004/2003

(دفعة حوان)

# الفهرس

## الصفحة

## الموضوع

1..... مقدمة .....

### الفصل الأول: المتاليات العددية

3..... 1- تعاريف عامة .....

4..... 2- المتاليات المحدودة .....

6..... 3- المتاليات الريتيبة.....

6..... 4- المتاليات المترافقية.....

8..... 5- المحدودية والتقارب والرتابة .....

### الفصل الثاني: المتاليات التراجعية من النوع $u_{n+1} = f(u_n)$

11..... 1- تعاريف.....

11..... 2- خواص عامة .....

13..... 3- أمثلة.....

### الفصل الثالث: بعض خواص المتاليات التراجعية الخطية ذات معاملات ثابتة

18..... 1- تعاريف وترميزات .....

20..... 2- بنية وبعد  $S_g(K)$  .....

22..... 3- خواص  $SR(K)$  .....

26..... 4- مثال فيبوناشي  $FIBONACCI$  .....

### الفصل الرابع: المتاليات التراجعية الخطية ذات معاملات كثيرات حدود

29..... 1- المتاليات التراجعية الخطية ذات معاملات كثيرات حدود .....

31..... 2- موافقات لبعض المتاليات  $s.r.l.p$  التي طولها  $h=2$  .....

40..... الخلاصة .....

41..... المراجع .....

# بسم الله الرحمن الرحيم

## مقدمة

ظهرت المتتاليات التراجعية الخطية عام (1202) مع المثال المقدم من طرف فيبوناشي (FIBONACCI) المتمثل في المتتالية ذات الحدود الأولى (1, 1, 2, 3, 5, 8, 13.....). خصصت كتابات كثيرة لها ويتعدّر إحصاء كل الكتب الخاصة بهذا الموضوع، بسبب القدم والسن بعيد لها. فكانت تعتبر قديمة وقليلة الأهمية، إلى أن بينت دراسة هذه المتتاليات أنها مازالت حيوية وطرحت بعض المسائل الهامة جداً. مثل معرفة ما إذا كانت متتالية تراجعية خطية تحوي الصفر أولاً وبدقّة أكثر إيجاد خوارزمية *Algorithme* لإيجاد الحلول أو إثبات عدم وجود خوارزمية عامة لذلك.

نطرقنا في عملنا هذا إلى أربعة فصول، حيث تناولنا في:

### الفصل الأول: المتتاليات العددية

الفصل الثاني: المتتاليات التراجعية من النوع  $u_{n+1} = f(u_n)$

الفصل الثالث: المتتاليات التراجعية الخطية ذات معاملات ثابتة

الفصل الرابع: المتتاليات التراجعية الخطية ذات معاملات كثيرات حدود

ومن خلال هذه الفصول نكون قد أشرنا إلى بعض الخواص الجبرية والحسابية للمتتاليات التراجعية الخطية مع إعطاء أمثلة تبين العلاقات الموجودة بينها وبين الميادين الرياضية المتعددة.

لا تقوتنا الإشارة إلى الدور الهام الذي تلعبه المتتاليات التراجعية الخطية في دراسة خواص الأعداد مثلاً. إذ يقول EDUARD - LUCAS "نظريّة المتتاليات التراجعية هي منجم لا يفني والتي تشمل كل خواص الأعداد: بحساب الحدود المتعاقبة لمتتالية من هذا النوع، بتحليلها إلى عوامل، بالبحث بالتجريب عن قوانين ظهور وإعادة تشكيل الأعداد الأولية، وهكذا نكون قد عملنا على تطوير شامل ومنهجي لدراسة خواص الأعداد وتطبيقاتها في كل الفروع الرياضية" [7].

المتتاليات التراجعية الخطية لها أهمية كبرى ولها مساهمات في مجالات عدّة نذكر منها مجال الاتصال والإعلام الآلي، حيث تدخل في مختلف المجالات النظرية والتطبيقية، فهي تمثل أدلة أساسية في نظرية البرمجة الآلية. والمهم بمزيد من التفاصيل عن الأمثلة نوجّهه للمرجع:

- *L.E.Dickson*[6], *C.Pisot*[5], *P.Montel*[4], *P.Henrici*[3], *P.Bachman*[2], *E.Lucas*[1]