

Ministère de l'enseignement supérieur  
et de la recherche scientifique  
Ecole normale supérieure  
Vieux Kouba(Alger)  
Département de Mathématiques



وزارة التعليم العالي والبحث العلمي  
المدرسة العليا للأساتذة  
القبة القديمة (الجزائر)

قسم الرياضيات

مذكرة معدة استكمالا لنبيل شهادة أستاذ التعليم المتوسط

نظرية النقطة الصامدة في فضاء بناخ  
المزود بالطبوولوجيا الضعيفة

إشراف:

الأستاذة: سحنون زهيرة

إعداد:

شيبان فاطمة  
شلالي نبيلة

لجنة المناقشة

الأستاذة: فرحون زهية.....	رئيسا.....
الأستاذة: آيت محيوت لطيفة.....	متحنا.....
الأستاذ سحنون زهيرة.....	مشرفا.....

السنة الجامعية 2010 - 2011.  
(دفعة جوان: 2011)

## الفهرس

01.....	مقدمة.....
الفصل الأول: مفاهيم عامة في الطبولوجيا	
02.....	I- المفتوحات والمغلقات.....
03.....	I-1- الجوارات.....
03.....	I-2- النقاط الداخلية.....
03.....	I-3- النقاط الملاصقة.....
04.....	I-4- الكثافة.....
04.....	I-5- الجمل الأساسية للجوارات.....
05.....	I-6- مقارنة الطبولوجيات.....
05.....	I-7- الفضاءات المنفصلة.....
05.....	I-8- التقارب.....
05.....	I-9- التراص.....
06.....	I-10- الإستمرار.....
06.....	I-11- تعریف نصف الإستمرار.....
07.....	I-12- تعریف نصف الإستمرار من الأسفل.....
08.....	I-13- الفصل الثاني: مفاهيم عامة في الطبولوجيا الضعيفة
II- الطبولوجيا الضعيفة	
09.....	II-1-1- الطبولوجيا الأقل دقة التي تجعل عائلة من التطبيقات مستمرة.....
10.....	II-1-2- خواص الطبولوجيا ٢.....
10.....	II-1-2-1- الجوارات في الطبولوجيا ٢.....
11.....	II-1-2-2- تقارب المتتاليات في ٢.....
11.....	II-1-2-3- الاستمرار في الطبولوجيا ٢.....
11.....	II-1-2-4- الاستمرار بضعف بالمتتاليات.....
11.....	II-1-2-5- التراص بالضعف.....
12.....	II-1-2-6- التراص بضعف بالمتتاليات.....
12.....	II-2- الطبولوجيا الضعيفة لفضاء بناخ.....
12.....	II-2-1- الطبولوجيا الضعيفة لفضاء بناخ.....
12.....	II-2-2- تعریف الطبولوجيا الضعيفة $(E, E')$ .....
13.....	II-2-3- خواص الطبولوجيا $(E, E')$ .....
15.....	II-2-4- الطبولوجيا الضعيفة والمجموعات المحدبة والتطبيقات الخطية.....
16.....	II-3- بعض المفاهيم.....
16.....	II-3-1- الفضاء المحدب محلية.....
16.....	II-3-2- الجزء المحدب.....
III- الفصل الثالث: نظریات النقطة الصامدة في الفضاءات الطبولوجية الضعيفة	
18.....	III-1- أهم النظریات.....

21.....	2-III-2-تعريف مقياس عدم التراص بضعف
22.....	3-III-3-تعريف التابع $\omega$ – تقلص
24.....	4-III-4-نظرية النقطة الصامدة للتابع $\omega$ – تقلص
29.....	الخاتمة.....

## مقدمة:

نظرية النقطة الصامدة هي نتاجة رياضياتية تمكنا، تحت شروط معينة من إثبات وجود نقطة صامدة لتابع ما. هذا النوع من النظريات مهم جدا خاصة في ميدان حل المعادلات التفاضلية والتكاملية.

هذا النوع من النظريات في هذا المجال، نظرية النقطة الصامدة ل Schauder و التي تضمن وجود نقطة صامدة لأي تابع معرفة على مغلق محدب من فضاء بناحي. هذه النظرية تم تعميمها من طرف شاودر تيخونوف إلى التوابع المعرفة على فضاء محلي التحدب.

ننطرق في مذكرونا هذه إلى بعض نظريات النقطة الصامدة في فضاء بناخ ،نسبة للطبولوجيا الضعيفة الخاصة بهذا الفضاء.

لأجل دراسة نظرية النقطة الصامدة في هذا الفضاء تناولنا مختلف الخصائص المتعلقة بالطبولوجيا الضعيفة من تعريفات المقوحات والمغلقات ، تقارب المتتاليات ، استمرار التوابع التراص ، التراص بضعف ... الخ.

فقمنا في هذه المذكورة بالطرق إلى المواقع التالية :

الفصل الأول : مفاهيم عامة في الطبولوجيا .

الفصل الثاني : مفاهيم عامة في الطبولوجيا الضعيفة .

الفصل الثالث : نظريات النقطة الصامدة في الطبولوجيا الضعيفة(نظرية Schauder ، Tyckonoff ، الشكل الآخر لها- نظرية 3- تعريف مقياس للتتابع W. تقلصها، نظرية النقطة الصامدة للتتابع W . تقلص التي سنعرفها لاحقا).