

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

Ministère de L'enseignement Supérieur  
et de la Recherche Scientifique  
ECOLE NORMALE SUPERIEURE  
Vieux -kouba (ALGER)

وزارة التعليم العالي والبحث العلمي

المدرسة العليا للأساتذة  
القبة(الجزائر)



Département de mathématiques

قسم الرياضيات

# مسائل في الانحدار

مذكرة لنيل شهادة أستاذ التعليم الثانوي

إشراف:

الأستاذ: آية الله علجمت عبد العميد

إعداد:

حدون عائشة  
سواق ربيعة

لجنة المناقشة:

الأستاذ: موساوي توفيق ..... رئيسا.

الأستاذ: موفق حريمة ..... ممتحنا.

الأستاذ: آية الله علجمت عبد العميد ..... مشرفا.

مدة جوان 2010

السنة الجامعية 2009 – 2010

# الفهرس

1.....	مقدمة
1. مبادئ أساسية في الاحتمالات.	
2.....	1.1 المتغير العشوائي.....
2.....	قانون الاحتمال.....
2.....	تابع التوزيع.....
3.....	التوقع الرياضي.....
4.....	التشتت.....
6.....	2.1 الثانية العشوائية.....
6.....	تابع التوزيع.....
7.....	التوقع الرياضي لـ $(X, Y)$ .....
9.....	الاحتمال الشرطي.....
10.....	التوقع الشرطي.....
10.....	التشتت الشرطي.....
15.....	3.1 الشعاع العشوائي.....
2. التقدير ودراسة التغيرات على المحور الحقيقي.	
16.....	تمهيد.....
17 .....	1.2 تقدير الوسطاء .....
19 .....	التقدير النقطي .....
20 .....	التقدير ب مجالات الثقة.....

### 3. دراسة الانحدار - التغيرات في المستوى $(X, Y)$ .

21	تمهيد.....
25	1.3 معامل الارتباط التابعى.....
26	2.3 الأوضاع النسبية لـ $\gamma_{X;Y}$ و $\gamma_{Y;X}$ .....
31	3.3 حالات خاصة لمنحنى الانحدار .....

### 4. الانحدار المستقيم $. Y = \alpha X + \beta$ .

33	1.4 الانحدار المستقيم.....
34	2.4 معامل الارتباط المستقيم.....
35	3.4 الأوضاع النسبية لـ $\Delta_{X;Y}$ و $\Delta_{Y;X}$ .....
37	4.4 تقيير معالم الانحدار .....
39	5.4 معامل التحديد الخطى.....
40	6.4 خواص مقدرات معالم الانحدار.....
42	7.4 دراسة الانحدار في المجتمع الطبيعي المضاعف.....
43	8.4 تقيير وسطاء الانحدار في المجتمع الطبيعي.....

### 5. الانحدار المضاعف.

46	تمهيد.....
46	1.5 سطح الانحدار.....
47	2.5 معامل الارتباط التابعى لـ $Z$ على $X$ و $Y$ .....
47	3.5 مستوى الانحدار.....
48	4.5 معامل الارتباط الخطى المضاعف.....
50	6.5 مناقشة عامة حول سطح الانحدار وسطح الاتصال التابعى .....

## مقدمة

إن الانحدار يعرف شكل العلاقة بين متغيرين عشوائيين، أو أكثر. وهو موضوع واسع الأهمية في مختلف المجالات خاصة الاقتصادية منها. فمثلا يساعد في تعين شكل العلاقة بين كمية الإنتاج، ومصاريف النقل والشحن. أو العلاقة بين إنتاج القمح، وكمية الأسمدة ونسبة مياه السقي.

سنحاول أن ندرس هذا الموضوع على مرحلتين: دراسة احتمالية رياضية، ودراسة إحصائية تقديرية.

حيث سنتطرق إليه في مذكرتنا البسيطة هذه، من خلال خمسة فصول مرتبة كالتالي:

الفصل الأول يقتصر على بعض المبادئ الاحتمالية الرياضية، كخواص التوقع الشرطي والتشتت الشرطي، والفصل الثاني يتعلق بدراسة التغيرات والتقدير على المحور الحقيقي، أما الفصول الثلاثة المتبقية فسنقدم فيها الانحدار البسيط، والانحدار الخطي ( المستقيم ) حالة خاصة من السابق، وأخيرا الانحدار المضاعف ( الفضاء الثلاثي )، وبصفة أخص الانحدار الخطي ( المستوى ).