

Ministère de l'Enseignement  
Supérieur  
et de la Recherche Scientifique  
École Normale Supérieure  
-Vieux Kouba- (Alger)  
Département de Mathématiques



وزارة التعليم العالي والبحث  
العلمي  
المدرسة العليا للأساتذة  
- القبة القديمة - (الجزائر)  
قسم الرياضيات

مصححة تخرج لنيل شهادة الأستاذية للتعليم المتوسط

## تحويلات لابلاس لتابع ذو متغيرين

تحت إشراف الأستاذ:  
\* بوودن كريمة

من إعداد:

\* رباحي خديجة  
\* طمار زينب  
\* عطوي سامية

تناقش يوم 2015/06/16 من طرف لجنة المناقشة:

\* بوسعدة مراد ..... أستاذ بالمدرسة العليا للأساتذة ..... رئيسا  
\* بوودن كريمة ..... أستاذ بالمدرسة العليا للأساتذة ..... مشرفا  
\* خليف هشام ..... أستاذ بالمدرسة العليا للأساتذة ..... منافسا

السنة الجامعية: 2015/2014  
دفعة جوان: 2015

# المحتويات

04 ..... مقدمة

## الفصل الأول

### تحويل لابلاس لتابع ذو متغير واحد

06 ..... تعريف

06 ..... الشروط الكافية لوجود تحويل لابلاس

07 ..... خصائص تحويل لابلاس

07 ..... خاصية الخطية

08 ..... خاصية الإنسحاب

09 ..... خاصية التابع المشتق

13 ..... تحويل لابلاس لتكامل

14 ..... الضرب في  $t^n$

17 ..... القسمة على  $t$

18 ..... نظرية القيمة الابتدائية

18 ..... نظرية القيمة النهائية

18 ..... تحويل لابلاس لبعض التوابع الاعتيادية

21 ..... التوابع الدورية

23 ..... طريقة السلاسل

23 ..... تعريف تحويل لابلاس العكسي

24 ..... تطبيق تحويل لابلاس على بعض المعادلات التفاضلية

## الفصل الثاني

### صيغة التكامل بالتجزئة لتابع ذو متغيرين

28 ..... مجموعة التعريف

28 ..... تابع ذو متغير محدود

29 ..... التكامل الثنائي على جزء محدود

29 ..... خصائص

29 ..... خاصية الخطية

29	.....	خاصية الجمعية
29	.....	خاصية الموجب
30	.....	التكامل الثنائي
30	.....	طريقة حساب التكامل الثنائي
32	.....	صيغة التكامل بالتجزئة لتابع ذو متغيرين

### الفصل الثالث

#### تحويل لابلاس لتابع ذو متغيرين

36	.....	مقدمة
36	.....	تحويل لابلاس لتابع ذو متغيرين
41	.....	الخاتمة
42	.....	المراجع

## مقدمة

يعتبر تحويل لابلاس من الوسائل الرياضية الهامة التي تلعب دورا كبيرا في دراسة علم التحكم الآلي، فمن العلوم أن أي نظام ديناميكي يمكن تمثيله بمجموعة من المعادلات الجبرية و المعادلات التفاضلية، و لكي يتم التعامل مع هذه المعادلات بالتبسيط و الإختصار يلزم تحويلها جميعا إلى معادلات جبرية و هو ما يوفره تحويل لابلاس، بالإضافة إلى ذلك فإن حل المعادلة التفاضلية دائما يتم بواسطة تحويل لابلاس .

و قبل بداية هذا العمل، نود التعبير عن إحترامنا لعالم الرياضيات و الفيزياء لابلاس، الذي قدّم أعمال رياضية كثيرة من بينها تحويل لابلاس و الذي سنتطرق إلى دراسته كموضوع لمذكرتنا .

في الفصل الأول، سنتطرق إلى تحويل لابلاس لتابع ذو متغير واحد بجميع الخواص و التطبيقات .

في الفصل الثاني، سنتطرق لتعريف تابع ذو تغير محدود في حالة متغيرين لنستخرج في النهاية صيغة التكامل بالتجزئة لتابع ذو متغيرين .

في النهاية، في الفصل الثالث سنعرف تحويل لابلاس لتابع ذو متغيرين، بعد ذلك نستعمل طريقة التجميع لتعميم نتيجة أبيل من أجل تابع ذو متغيرين .